

### Příklad 1

Dva gramy dusíku při teplotě  $27^\circ\text{C}$  izotermicky zmenší svůj objem ze 6 l na 4 l. Vypočítejte změnu entropie. Relativní atomová hmotnost dusíku je rovna  $A_r^N=14$ , atomová hmotnostní jednotka je  $u=1,66\cdot 10^{-27}\text{ kg}$ , univerzální plynová konstanta je rovna  $R=8,3\cdot 10^3\text{ J}\cdot\text{kmol}^{-1}\cdot\text{K}^{-1}$ , Avogadrova konstanta se rovná  $N_A=6\cdot 10^{26}\text{ kmol}^{-1}$ .  $[-0,24\text{ J}\cdot\text{K}^{-1}]$

### Příklad 2

Máme 60 litrů vzduchu o tlaku  $p=1\text{ MPa}$ . Kolik tepla je třeba dodat, aby vzduch při stálém tlaku zdvojnásobil objem? Poissonova konstanta pro vzduch  $\kappa=1,4$ .  $[210\text{ kJ}]$

### Příklad 3

Určité množství plynu zaujímá při tlaku  $P=2\cdot 10^5\text{ Pa}$  objem  $V=3\text{ dm}^3$ . Poissonova konstanta (adiabatický exponent) plynu je  $\kappa=1,4$ . Jaké teplo  $Q$  musíme plynu dodat, zvětší-li se v důsledku izobarického ohřevu jeho objem třikrát?  $[4,2\text{ kJ}]$

### Příklad 4

Vypočítejte změnu entropie při ochlazení vzduchu o hmotnosti  $m=5\text{ g}$  z teploty  $t_1=50^\circ\text{C}$  na  $t_2=0^\circ\text{C}$  při stálém objemu. Molární hmotnost  $M_m=28,5\text{ g}\cdot\text{mol}^{-1}$ ,  $C_v=\frac{5}{2}R$ , univerzální plynová konstanta je rovna  $R=8,3\cdot 10^3\text{ J}\cdot\text{kmol}^{-1}\cdot\text{K}^{-1}$ .  $[-0,6\text{ J}\cdot\text{K}^{-1}]$

### Příklad 5

Vypočítejte změnu entropie při ochlazení vzduchu o hmotnosti  $m=5\text{ g}$  z teploty  $t_1=50^\circ\text{C}$  na  $t_2=0^\circ\text{C}$  při stálém tlaku. Molární hmotnost  $M_m=28,5\text{ g}\cdot\text{mol}^{-1}$ ,  $C_v=\frac{5}{2}R$ .  $[-0,85\text{ J}\cdot\text{K}^{-1}]$

### Příklad 6

Bomba o objemu  $V_1=20\text{ l}$  je naplněna stlačeným vzduchem (ideální plyn). Při teplotě  $t_1=20^\circ\text{C}$  ukazuje manometr tlak  $p_1=120\cdot 10^5\text{ Pa}$ . Jaký objem  $V_2$  vody (v litrech) je možné vytěsnit z komory ponorky vzduchem z této bomby, jestliže je ponorka  $h=30\text{ m}$  pod hladinou a teplota  $t_2=5^\circ\text{C}$ ? Atmosferický tlak je  $p_A=10^5\text{ Pa}$ .  $[577,5\text{ l}]$

### Příklad 7

Jste majitelem tepelné elektrárny. Chlazení páry vycházející z parní turbíny se ve vaší elektrárně provádí otevřeným cyklem. K chlazení je využita místní řeka s průtokem 2 kubíky za sekundu,  $p=2\text{ m}^3/\text{s}$ . Normální teplota vody v řece je  $t_N=17^\circ\text{C}$ . Podle zákona o ochraně životního prostředí je možné její teplotu zvýšit maximálně o  $\Delta t=5^\circ\text{C}$ . Při překročení tohoto limitu hrozí uzavření elektrárny.

Určete, jaký maximální výkon může elektrárna dodávat do elektrické sítě, aniž poruší zákon o ochraně životního prostředí. Měrná tepelná kapacita vody  $c=4200\text{ J}\cdot\text{kg}^{-1}\cdot\text{K}^{-1}$ . Teplota páry v parním kotli tepelné elektrárny je  $t_Z=800^\circ\text{C}$ . Pro jednoduchost předpokládejme, že elektrárna pracuje s Carnotovým cyklem.  $[110,8\text{ MW}]$

### Příklad 8

Jaká je frekvence netlumeného harmonického pohybu hmotného bodu hmotnosti  $m=2\text{ g}$ , je-li amplituda  $A=10\text{ cm}$  a celková energie hmotného bodu  $W=1\text{ J}$ ?  $[50,35\text{ Hz}]$

### Příklad 9

Jaký je logaritmický dekrement útlumu  $\Lambda$  tlumeného harmonického oscilátoru, jestliže za čas 10 s trvání

pohybu hmotný bod ztratí 50 % své mechanické energie. Perioda tlumeného pohybu je  $T=2$  s. [0,0693]

### Příklad 10

Těleso visí na pružině a kmitá s periodou  $T = 0,5$  s. O kolik se pružina zkrátí odstraněním tělesa? [6,2 cm]

### Příklad 11

Kruhová deska koná ve svislém směru kmitavý harmonický pohyb s amplitudou  $A = 0,75$  m. Jaká může být maximální frekvence kmitání desky, aby se předmět volně uložený na desku od ní neoddělil? [0,575 Hz]

### Příklad 12

Pozorováním tlumeného harmonického kmitavého pohybu se zjistilo, že po dvou za sebou následujících výchylkách na stejnou stranu se amplituda kmitů zmenšila o  $6/10$  a že doba kmitu  $T=0,5$  s. Určete součinitel tlumení  $\delta$  a logaritmický dekrement útlumu  $\Lambda$ . [1,833 s<sup>-1</sup>] [0,916]

### Příklad 13

Nalezněte amplitudu  $A$  a fázi  $\psi$  výsledného harmonického pohybu  $u = A \sin(\omega t + \psi)$ , který vznikne složením dvou kmitavých pohybů ve stejné přímce se stejnou periodou,  $u_1 = A_1 \sin(\omega t + \varphi_1)$ ,  $u_2 = A_2 \sin(\omega t + \varphi_2)$  amplitudami  $A_1 = 3$  cm,  $A_2 = 5$  cm a fázemi  $\varphi_1 = 0^\circ$ ,  $\varphi_2 = 60^\circ$  [7 cm] [38,2132° = 38°12'47"  $\doteq$  0,667 rad]

### Příklad 14

Nalezněte amplitudu a fázi výsledného harmonického pohybu  $u = A \cos(\omega t + \varphi)$ , který vznikne složením dvou kmitavých pohybů ve stejné přímce  $u_1 = A_1 \cos(\omega t + \varphi_1)$ ,  $u_2 = A_2 \cos(\omega t + \varphi_2)$   $A_1 = A_2 = 5$  cm, fáze  $\varphi_1 = 30^\circ$ ,  $\varphi_2 = 60^\circ$ . [9,66 cm] [45° =  $\frac{\pi}{4}$  rad]

### Příklad 15

Na pružnou spirálu zavěsíme na spodním konci závaží hmotnosti značně větší než je hmotnost spirály. Při tom se spirála protáhne o 4 cm. S jakou frekvencí bude soustava kmitat, udělíme-li jí ve svislém směru impuls? [2,51 Hz]

### Příklad 16

Mobilní telefon spadne do kanálu, který ústí na druhé straně Země. Za jak dlouho se telefon vrátí? Poloměr Země  $R_z = 6378$  km, hmotnost Země  $M_z = 6 \cdot 10^{24}$  kg. Hustotu Země budeme pokládat za konstantní.  $\kappa = 6,67 \cdot 10^{-11}$  N.m<sup>2</sup>.kg<sup>-2</sup> [5059 s = 1 h 24 min 19 s]

### Příklad 17

Cyklista jede rychlostí 5 m.s<sup>-1</sup>. Ve stejném směru se k cyklistovi blíží automobil (zezadu) rychlostí 72 km/h. Klakson v automobilu má frekvenci 1 kHz. Jakou frekvenci uslyší cyklista? Nefouká vítr, vzduch je v klidu vzhledem k silnici. Rychlost zvuku je 340 m.s<sup>-1</sup>. [1047 Hz]

### Příklad 18

Lokomotiva jede rychlostí 72 km/h k pozorovateli na kolejích. Strojvůdce zatroubí 2 sekundy (podle svých hodinek).

Jak dlouho trvá zvuk pro pozorovatele? Je  $-17^{\circ}\text{C}$  (rychlost zvuku je 320 m/s). Nefouká vítr, vzduch je v klidu vzhledem ke kolejím, koleje jsou přímé. [1, 875 s]

### Příklad 19

Hladina intenzity hluku jednoho puštěného počítače je  $L_1$ . Vypočtěte

1. Jak se změní hladina intenzity, zapneme-li současně tři stejné počítače? [4, 8 dB]
2. Jak se změní hladina intenzity, jestliže z celkového počtu  $n$  počítačů polovinu zastavíme? [-3 dB]

### Příklad 20

Je známo, že akustický tlak vytvářený mohutnými raketovými motory rakety Saturn je zhruba  $10^9$  krát větší, než nejslabší zvuk detekovatelný lidským uchem (práh slyšení). Rakety Saturn byly používány v USA k vynášení těžkých družic. Např. Saturn 5 byla raketou pro pilotované lety na Měsíc v rámci programu Apollo. Touto raketou byla rovněž vynesena na oběžnou dráhu první americká kosmická stanice Skylab o hmotnosti zhruba 86 tun. Vypočtěte hladinu akustického tlaku hluku motorů rakety Saturn. [180 dB]

### Příklad 21

Generátor velmi silných zvukových vln sinového průběhu je provozován ve vodě v hloubce 10 m. vypočtěte

1. Jaká je maximální akustická intenzita, kterou můžeme používat bez rizika vzniku kavitace [13510 W.m<sup>-2</sup> = 1, 35 W.cm<sup>-2</sup>]
2. jaká je hladina akustického tlaku, odpovídající této intenzitě

atmosférický tlak je roven  $p_0 = 101325$  Pa, hustota vody  $\rho_0 = 1000$  kg.m<sup>-3</sup>, rychlost šíření zvuku ve vodě je  $c_0 = 1500$  m.s<sup>-1</sup>.

### Příklad 22

Určete hladinu akustického tlaku pro harmonický signál s amplitudou 1 Pa. [90, 97 dB]

### Příklad 23

Váš oblíbený zpěvák zpívá komorní a. Hladina akustického tlaku  $L_p = 80$  dB. Určete amplitudu výchylky ve zvukové vlně.  $f = 440$  Hz,  $c = 345$  m.s<sup>-1</sup>,  $\rho_0 = 1,22$  kg.m<sup>-3</sup> [2, 4.10<sup>-7</sup> m]

### Příklad 24

Na Zemi dopadá sluneční záření. Na jeden metr čtvereční zemského povrchu dopadá prostřednictvím tohoto záření střední hodnota výkonu 1390 W. Stanovte efektivní hodnotu intenzity elektrického pole v tomto záření. Vlnový odpor vakua  $Z_0 = 377 \Omega$ . [723, 9 V.m<sup>-1</sup>]

### Příklad 25

Na Zemi dopadá sluneční záření. Na jeden metr čtvereční zemského povrchu dopadá prostřednictvím tohoto záření střední hodnota výkonu 1390 W. Stanovte efektivní hodnotu intenzity magnetického pole v tomto záření. Vlnový odpor vakua  $Z_0 = 377 \Omega$ . [1, 92 A.m<sup>-1</sup>]

### Příklad 26

Kolikrát se zeslabí intenzita nepolarizovaného světla, které projde mezi dvěma polarizačními filtry, jejichž polarizační roviny svírají úhel  $\varphi = 60^\circ$ . Každý z filtrů by sám zeslabil intenzitu světla v důsledku vlastní absorpce o 10% (tj. propustnost filtru je  $p = 0,9$ ). [9, 88]

### Příklad 27

Na optickou mřížku, která má na jednom milimetru sto vrypů, dopadá kolmo rovnoběžný svazek bílého světla. Stínítko je umístěno ve vzdálenosti  $d = 30$  cm za mřížkou. Vypočítejte, v jaké vzdálenosti bude na stínítku červená a fialová barva ve spektru druhého řádu. (vlnová délka červeného světla je rovna  $\lambda_c = 760$  nm, vlnová délka fialového světla je rovna  $\lambda_f = 400$  nm) [21, 6 mm]

### Příklad 28

Optická mřížka je osvětlena kolmo rovnoběžným svazkem bílého světla. Určete, zda se může některá barva ze spektra prvního řádu překrývat s některou barvou spektra druhého řádu. Mřížková konstanta  $d$  je rovna  $3 \mu\text{m}$ ,  $\lambda_c = 760$  nm,  $\lambda_f = 400$  nm. [nelze splnit]

### Příklad 29

Dvě rovnoběžné úzké štěrby jsou osvětlovány monochromatickým světlem. Na stínítku se objeví interferenční proužky. Určete vzdálenost 1. světlého proužku od středového maxima pro fialovou  $\lambda_f = 400$ . Vzdálenost štěrbin je  $d = 0,1$  mm, vzdálenost stínítka je  $l = 0,5$  m. [2 mm] [3, 5 mm]

### Příklad 30

Slunce vyzařuje přibližně jako absolutně černé těleso o teplotě  $T = 5700$  K. Budeme-li slunečním světlem ozařovat absolutně černou měděnou kouli umístěnou ve vzdálenosti 1 AU od Slunce, jaká se na ní ustaví rovnovážná teplota? Průměr Slunce je ze Země pozorován pod úhlem  $\alpha = 30'$ . [266, 2 K]

### Příklad 31

Sluneční světlo dopadá kolmo k povrchu Země někde v rovníkové Africe. Bude-li povrch vyzařovat jako absolutně černé těleso, jaká bude maximální teplota v této oblasti? [1295, 5  $\text{W}\cdot\text{m}^{-2}$ ] Stanovte rovněž, jaký výkon přenáší sluneční záření na metr čtvereční zemského povrchu v těchto místech. [388,8 K = 116, 5° C]

Předpokládejte, že Slunce vyzařuje jako absolutně černé těleso o teplotě 5700 K. Poloměr Slunce je roven 696 000 km, střední vzdálenost Země od Slunce je rovna  $149,6 \cdot 10^6$  km, Stefan-Boltzmanova konstanta je rovna  $\sigma = 5,67 \cdot 10^{-8} \text{ W}\cdot\text{m}^{-2}\text{K}^{-4}$ .

### Příklad 32

Elektron byl urychlen v kondenzátoru, mezi jehož deskami je napětí  $10^6$  V. Určete jeho rychlost. ( $m_e = 9,1 \cdot 10^{-31}$  kg,  $e = 1,6 \cdot 10^{-19}$  C,  $c = 3 \cdot 10^8$  m.s<sup>-1</sup>) [0,941c = 2,82  $\cdot 10^8$  m.s<sup>-1</sup>]

### Příklad 33

Jaké napětí je třeba dle klasické fyziky na urychlení elektronu na rychlost světla? [256 kV]

Jakou rychlost elektron urychlený tímto napětím skutečně získá? ( $m_e = 9,1 \cdot 10^{-31}$  kg,  $e = 1,6 \cdot 10^{-19}$  C,  $c = 3 \cdot 10^8$  m.s<sup>-1</sup>) [0,745c = 2,24  $\cdot 10^8$  m.s<sup>-1</sup>]

### Příklad 34

Při srážkách částic (primárního) kosmického záření s atomy vrchní vrstvy atmosféry vznikají miony.

Jsou to nestabilní částice se střední dobou života  $\tau_0 = 2,2 \cdot 10^{-6}$  s (v klidové soustavě mionu) a s hmotností  $m = 207 m_e$ . Pozorování pomocí stratosférických balónů a raket ukázala, že miony vznikají ve velkých výškách nad povrchem Země (více než 10 km) a odtud se pohybují k Zemi rychlostí blízkou rychlosti světla. Za střední dobu života  $\tau_0$  se mion rozpadá na elektron a dvě neutrina.

Mion vznikl ve výšce 15 km a má rychlost  $v = 0,9998 c$ . Jakou dráhu urazí mion v klidové soustavě Země? [32995 m]

### Příklad 35

Dvě tělesa o stejných klidových hmotnostech  $m_0$  se pohybují proti sobě opačně orientovanými stejnými rychlostmi  $v$ . Po nepružné srážce obou těles vznikne jediné těleso, které bude v pozorovatelské soustavě v klidu. Vypočtete klidovou hmotnost  $M_0$  tohoto tělesa. [2m]

### Příklad 36

#### Comptonův rozptyl

Americký fyzik Richard Holly Compton studoval v roce 1922 rozptyl rentgenového záření na parafínu. Vazebná energie elektronu v parafínu je mnohem menší než energie záření, Compton proto pokládal elektrony za volné. Překvapivé je, že rozptýlená vlnová délka fotonu je větší, než vlnová délka dopadajícího fotonu. Dochází k rozptylu fotonu na volném elektronu. Experiment prokazuje částicovou povahu světla. Nobelova cena udělena v roce 1927.

Svazek paprsků X se rozptyluje na volných elektronech. Pod úhlem  $45^\circ$  od směru šíření svazku mají rozptýlené paprsky vlnovou délku  $2,2 \cdot 10^{-12}$  m. Jaká je vlnová délka dopadajících paprsků X? [1,  $49 \cdot 10^{-12}$  m]

### Příklad 37

Na jeden metr čtvereční zemského povrchu dopadá průměrný výkon  $I = 1390$  W (intenzita). Jakou hmotnost ztratí Slunce za jeden rok vlivem vyzářené energie? Vzdálenost Země od Slunce  $R = 149,6 \cdot 10^6$  km, rychlost světla  $c = 3 \cdot 10^8$  m.s<sup>-1</sup>. [1,  $37 \cdot 10^{17}$  kg]